



МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования

«МИРЭА – Российский технологический университет»

РТУ МИРЭА

**ОТЧЕТ
ПО ПРАКТИЧЕСКОЙ РАБОТЕ №7**

Алгоритмы поиска в таблице (массиве)

по дисциплине

«СТРУКТУРЫ И АЛГОРИТМЫ ОБРАБОТКИ ДАННЫХ»

Выполнил студент

Иолович Е.А.

группа

ИНБО-03-22

Москва 2023

СОДЕРЖАНИЕ

1	ЗАДАНИЕ 1	4
1.1	Постановка задачи	4
1.2	Описание подхода к решению.....	4
1.3	Структура записи таблицы	5
1.4	Определение размера таблицы в байтах	5
1.5	Коды функций, реализующих алгоритмы.....	5
1.6	Теоретическая сложность алгоритмов	7
1.7	Сводная таблица результатов для Линейного поиска (лучший случай)	8
1.8	График зависимости S_f от n для Линейного поиска (лучший случай)	8
1.9	Сводная таблица результатов для Линейного поиска (средний случай)	9
1.10	График зависимости S_f от n для Линейного поиска (средний случай)	9
1.11	Сводная таблица результатов для Линейного поиска (худший случай)	10
1.12	График зависимости S_f от n для Линейного поиска (худший случай)	10
1.13	Сводная таблица результатов для Линейного поиска с барьером (лучший случай).....	11
1.14	График зависимости S_f от n для Линейного поиска с барьером (лучший случай).....	11
1.15	Сводная таблица результатов для Линейного поиска с барьером (средний случай).....	12
1.16	График зависимости S_f от n для Линейного поиска с барьером (средний случай).....	12
1.17	Сводная таблица результатов для Линейного поиска с барьером (худший случай).....	13
1.18	График зависимости S_f от n для Линейного поиска с барьером (худший случай).....	13
1.19	Графики зависимости S_f от n для всех случаев	14
1.20	Анализ полученных результатов (Линейный поиск, Линейный поиск с барьером)	14
2	ЗАДАНИЕ 2.....	15

2.1	Постановка задачи	15
2.2	Алгоритм на псевдокоде	15
2.3	Код функции поиска.....	17
2.4	Теоретическая сложность алгоритма.....	18
2.5	Сводная таблица результатов для Интерполяционного (лучший случай)	19
2.6	График зависимости S_f от n для Интерполяционного поиска (лучший случай).....	19
2.7	Сводная таблица результатов для Интерполяционного поиска (средний случай).....	20
2.8	График зависимости S_f от n для Интерполяционного поиска (средний случай).....	20
2.9	Сводная таблица результатов для Интерполяционного поиска (худший случай).....	21
2.10	График зависимости S_f от n для Интерполяционного поиска (худший случай).....	21
2.11	Сравнение алгоритмов Линейного и Интерполяционного поиска.	22
2.12	Анализ полученных результатов.....	23
3	ВЫВОДЫ.....	24
4	СПИСОК ИНФОРМАЦИОННЫХ ИСТОЧНИКОВ.....	25

1 ЗАДАНИЕ 1

1.1 Постановка задачи

Разработать программу поиска записи по ключу в таблице записей с применением двух алгоритмов линейного поиска

1. Таблица содержит записи, структура которых определена вариантом. Ключи уникальны в пределах таблицы.

2. Разработать функцию линейного поиска (метод грубой силы).

3. Разработать функцию поиска с барьером.

4. Провести практическую оценку времени выполнения алгоритмов на таблицах объемом 100, 1000, 10 000 записей.

5. Составить таблицу с указанием: времени выполнения алгоритма, его фактическую и теоретическую вычислительную сложность.

6. Сделать выводы об эффективности алгоритмов.

Номер индивидуального варианта 10% 16=10

№	Алгоритмы поиска	Структура записи файла (ключ – подчеркнутое поле)
2	Интерполяционный поиск	Страхование авто средства: <u>регистрационный номер</u> – шестизначное число, название страховой компании

1.2 Описание подхода к решению

Структура записи в таблице будет определяться с помощью пользовательского типа данных AutoInsurance.

Заполнение массива типа AutoInsurance* будет происходить с помощью функции generateAutoInsuranceData. Параметр функции – целочисленная переменная – размер создаваемого массива. Возвращаемое значение – типа void.

Функция нахождения элемента в массиве с помощью Линеиного поиска `LinearSearch`. Параметры – массив пользовательского типа данных `AutoInsurance` (итоговая таблица), целочисленная переменная – длина массива, целочисленная переменная – искомое значение (`key`).

Функция нахождения элемента в массиве с помощью Линеиного поиска с барьером `LinearSearchWithBarrier`. Параметры – массив пользовательского типа данных `AutoInsurance` (итоговая таблица), целочисленная переменная – длина массива, целочисленная переменная – искомое значение (`key`).

Для подсчета времени используем библиотеку `chrono`.

1.3 Структура записи таблицы

```
struct AutoInsurance // структура для хранения данных об авто страховании.  
{  
    int regNumber; // регистрационный номер автомобиля.  
    string insuranceCompany; // название страховой компании.  
};
```

1.4 Определение размера таблицы в байтах

Структура `AutoInsurance` содержит два поля - `regNumber` типа `int` и `insuranceCompany` типа `string`. Размер типа `int` зависит от платформы и может быть разным, но обычно это 4 байта. Размер типа `string` также зависит от платформы, но обычно он составляет 24 байта на 64-битной платформе (8 байтов для указателя на массив символов `char`, 8 байтов для размера массива и 8 байтов для флагов). Таким образом, размер одной записи в таблице будет равен $4 + 24 = 28$ байтам.

1.5 Коды функций, реализующих алгоритмы

Линеиный поиск:

```
// функция линеиного поиска на массиве.  
int linearSearch(AutoInsurance arr[], int n, int key)  
{  
    for (int i = 0; i < n; i++)  
    {  
        if (arr[i].regNumber == key)  
        {  
            return i; // возвращаем индекс найденного элемента.  
        }  
    }  
    return -1; // возвращаем -1, если элемент не найден.  
}
```

Линейный поиск с барьером:

```
// функция линейного поиска с барьером на массиве.  
int linearSearchWithBarrier(AutoInsurance arr[], int n, int key)  
{  
    AutoInsurance last = arr[n - 1]; // сохраняем последний элемент массива.  
    arr[n - 1].regNumber = key; // устанавливаем барьер.  
  
    int i = 0;  
    while (arr[i].regNumber != key)  
    {  
        i++;  
    }  
  
    arr[n - 1] = last; // восстанавливаем последний элемент массива.  
  
    if (i < n - 1 || arr[n - 1].regNumber == key) //индекс находится в пределах  
    массива или если последний элемент равен key.  
    {  
        return i; // возвращаем индекс найденного элемента.  
    }  
    else  
    {  
        return -1; // возвращаем -1, если элемент не найден.  
    }  
}
```

1.6 Теоретическая сложность алгоритмов

- **Лучший случай:** $O(1)$ - когда искомый элемент находится в первой позиции или ячейке.

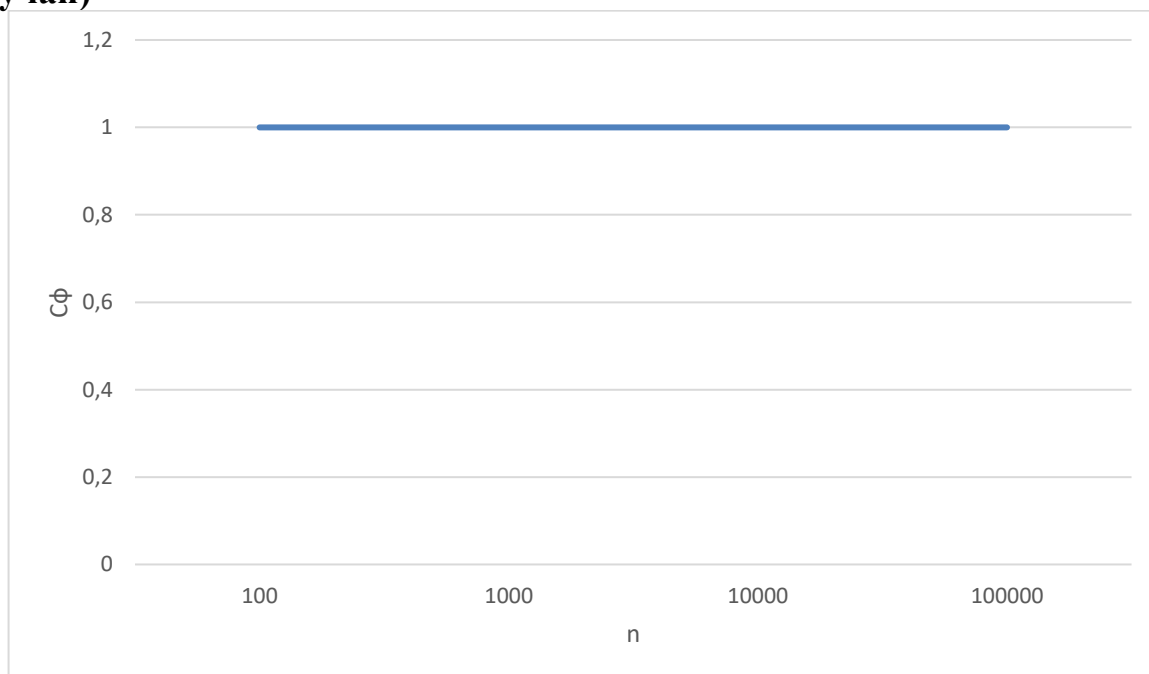
- **Худший случай:** $O(n)$ - когда искомый элемент находится в последней позиции или ячейке, либо его нет вообще, в таком случае алгоритм пройдет по всем элементам списка, чтобы найти его или подтвердить его отсутствие.

- **Средний случай:** $O(n/2) = O(n)$ - когда искомый элемент находится примерно в середине списка, но алгоритм может пройти половину списка, чтобы его найти.

1.7 Сводная таблица результатов для Линейного поиска (лучший случай)

n	T, микросекунд	Тэп = f(C+M) - функция	Сф - количество
100	0	O(1)	1
1000	0	O(1)	1
10000	1	O(1)	1
100000	2	O(1)	1

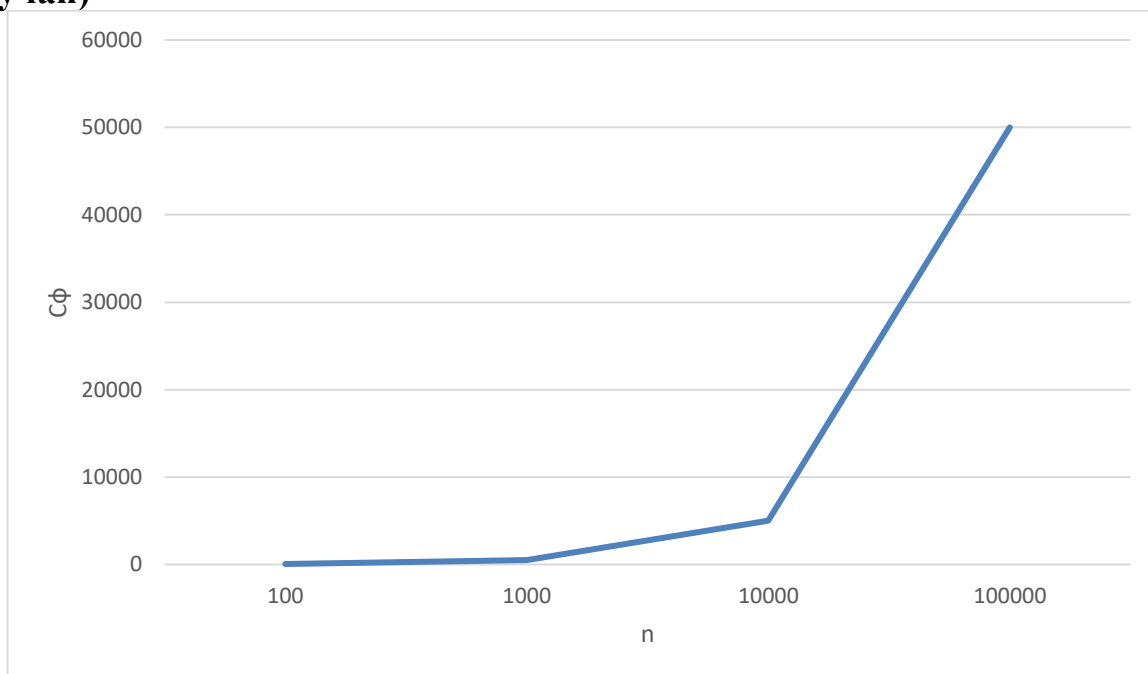
1.8 График зависимости Сф от n для Линейного поиска (лучший случай)



1.9 Сводная таблица результатов для Линейного поиска (средний случай)

n	T, микросекунд	Тэп = f(C+M) - функция	Сф - количество
100	1	$O(n)$	51
1000	3	$O(n)$	501
10000	31	$O(n)$	5001
100000	341	$O(n)$	50001

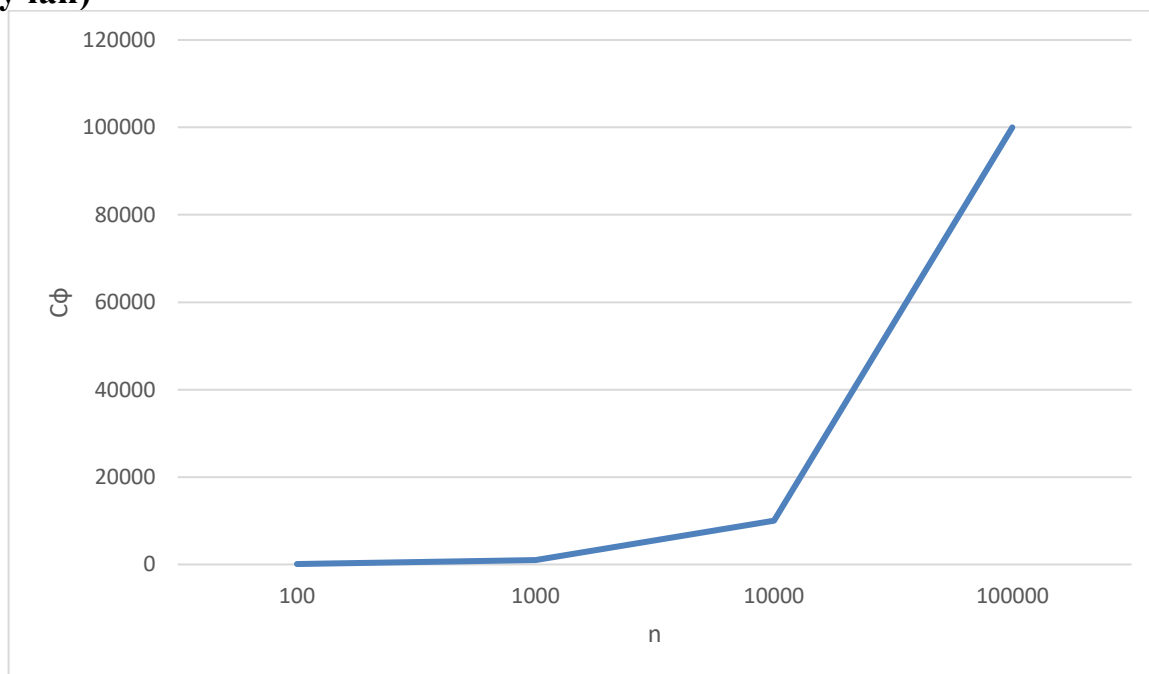
1.10 График зависимости Сф от n для Линейного поиска (средний случай)



1.11 Сводная таблица результатов для Линейного поиска (худший случай)

n	T, микросекунд	Тэп = f(C+M) - функция	Сф - количество
100	1	$O(n)$	100
1000	1	$O(n)$	1000
10000	12	$O(n)$	10000
100000	737	$O(n)$	100000

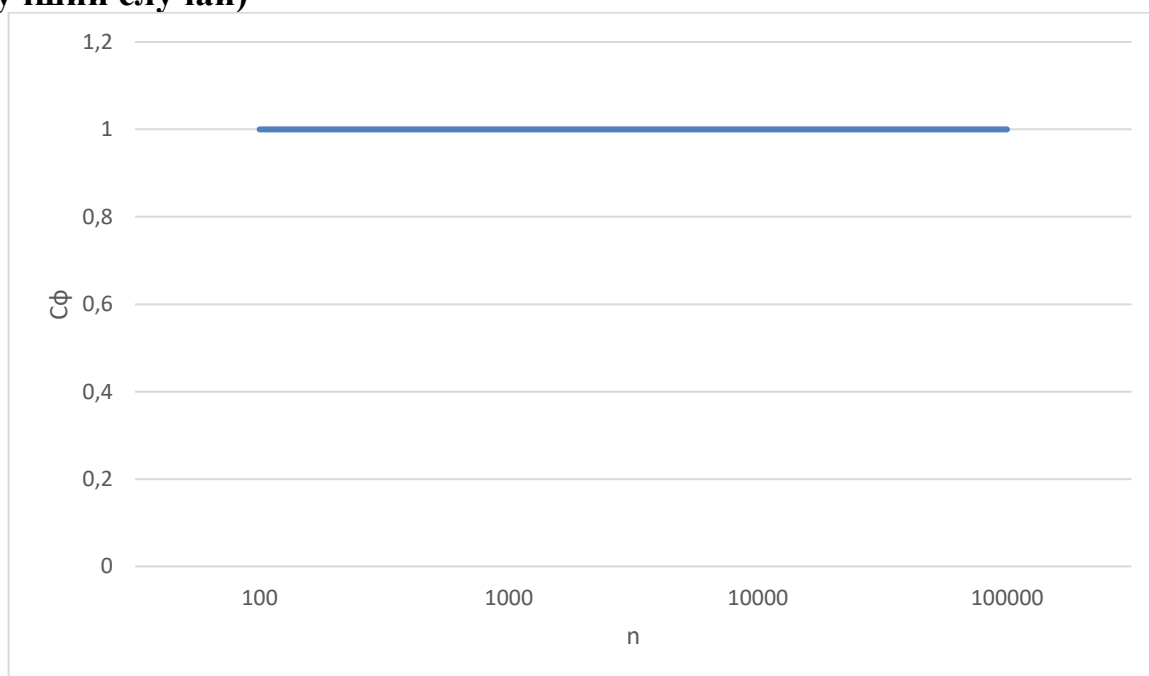
1.12 График зависимости Сф от n для Линейного поиска (худший случай)



1.13 Сводная таблица результатов для Линейного поиска с барьером (лучший случай)

n	T, микросекунд	Тэп = f(C+M) - функция	Сф - количество
100	9	O(1)	1
1000	11	O(1)	1
10000	6	O(1)	1
100000	12	O(1)	1

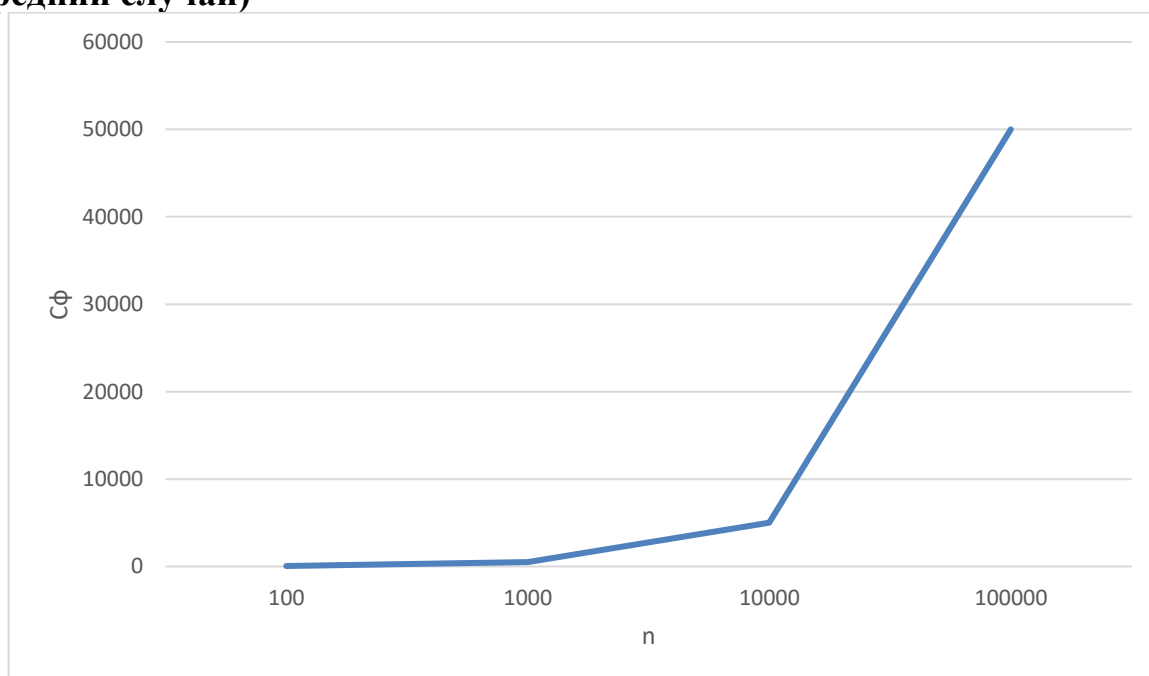
1.14 График зависимости Сф от n для Линейного поиска с барьером (лучший случай)



1.15 Сводная таблица результатов для Линейного поиска с барьером (средний случай)

n	T, микросекунд	Тэп = f(C+M) - функция	Сф - количество
100	13	O(n)	51
1000	13	O(n)	501
10000	33	O(n)	5001
100000	234	O(n)	50001

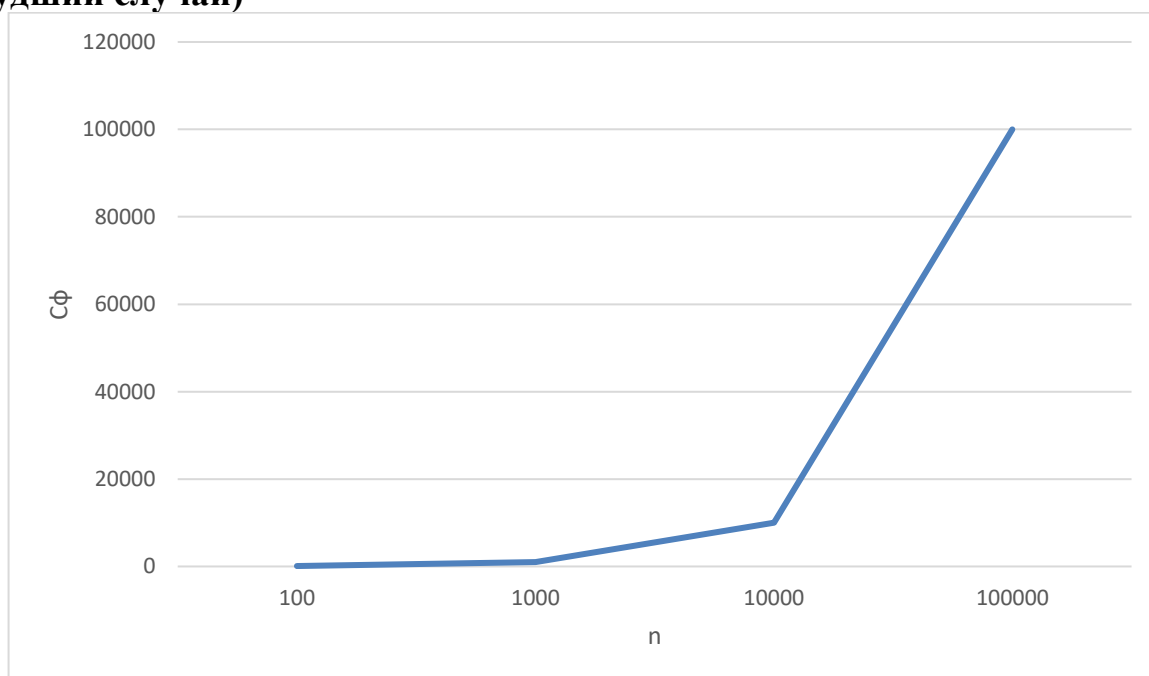
1.16 График зависимости Сф от n для Линейного поиска с барьером (средний случай)



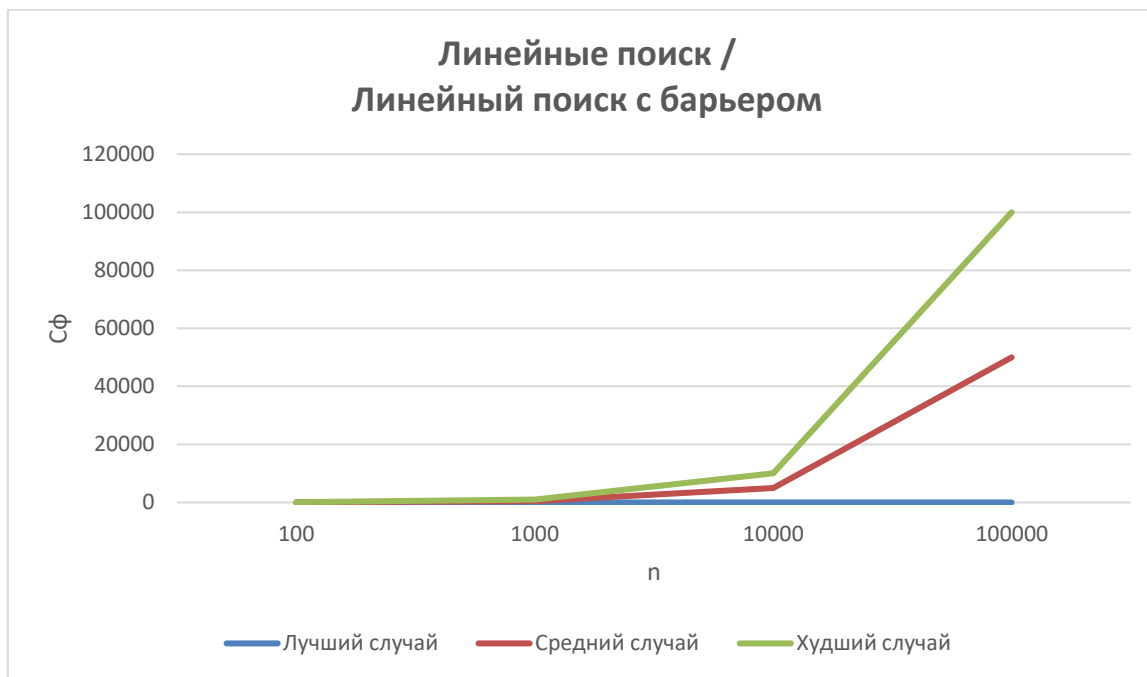
1.17 Сводная таблица результатов для Линейного поиска с барьером (худший случай)

n	T, микросекунд	Тэп = f(C+M) - функция	Сф - количество
100	10	O(n)	100
1000	11	O(n)	1000
10000	23	O(n)	10000
100000	531	O(n)	100000

1.18 График зависимости Сф от n для Линейного поиска с барьером (худший случай)



1.19 Графики зависимости S_f от n для всех случаев



1.20 Анализ полученных результатов (Линейный поиск, Линейный поиск с барьером)

Алгоритм линейного поиска и алгоритм линейного поиска с барьером являются простыми методами поиска элемента в массиве. Они основаны на переборе всех элементов в массиве один за другим до тех пор, пока не будет найден искомый элемент.

Линейный поиск – алгоритм прост в реализации, но его скорость работы линейно зависит от размера массива, поэтому для больших массивов он может быть очень медленным. Линейный поиск с барьером – алгоритм обеспечивает более быстрое выполнение по сравнению с линейным поиском, потому что можно сократить количество проверок в цикле до одного. Однако, если элемент, который мы ищем, находится в конце массива, то этот алгоритм не дает преимущества по скорости.

2 ЗАДАНИЕ 2

2.1 Постановка задачи

Разработать программу поиска записи по ключу в таблице записей с применением алгоритмов, определенных в задании варианта.

1. Таблица содержит записи, структура которых определена вариантом. Ключи уникальны в пределах таблицы.

2. Разработать алгоритм поиска, определенный в варианте. Реализовать алгоритм функцией.

3. Провести практическую оценку времени выполнения алгоритмов на таблицах объемом 100, 1000, 10 000 записей на случайно заполненных таблицах (худший случай). На таблицах с лучшим временем и средним.

4. Составить таблицу с указанием: времени выполнения алгоритма, его фактическую и теоретическую вычислительную сложность.

Номер индивидуального варианта 10% 16=1

№	Алгоритмы поиска	Структура записи файла (ключ – подчеркнутое поле)
2	Интерполяционный поиск	Страхование авто средства: <u>регистрационный номер</u> – шестизначное число, название страховой компании

2.2 Алгоритм на псевдокоде

Подробное описание:

1. Установить переменные $low=0$ и $high=n-1$, где n - размер массива.

2. Проверить, что значение ключа key находится в пределах $[arr[low].regNumber, arr[high].regNumber]$, иначе элемент не может быть найден в массиве. Если условие не выполнено, вернуть -1.

3. Пока $low \leq high$ и $key > arr[low].regNumber$ && $key \leq arr[high].regNumber$:

a. Если $low == high$, то проверить, равно ли $arr[low].regNumber$ ключу key . Если равно, вернуть low , иначе вернуть -1.

- b. Вычислить позицию элемента $pos = low + (key - arr[low].regNumber) * (high - low) / (arr[high].regNumber - arr[low].regNumber)$.
- c. Если $arr[pos].regNumber$ равно ключу key , вернуть pos .
- d. Если $arr[pos].regNumber$ меньше ключа key , обновить переменную $low = pos + 1$.
- e. Если $arr[pos].regNumber$ больше ключа key , обновить переменную $high = pos - 1$.
4. Элемент не найден в массиве, вернуть -1.

Псевдокод:

```
function interpolationSearch(arr, n, key):
```

```
    low = 0
```

```
    high = n - 1
```

```
    while low <= high AND key >= arr[low] AND key <= arr[high]:
```

```
        # вычисляем позицию с помощью интерполяционной формулы
```

```
        pos = low + ((key - arr[low]) * (high - low)) // (arr[high] - arr[low])
```

```
        if arr[pos] == key:
```

```
            return pos
```

```
        if arr[pos] < key:
```

```
            low = pos + 1
```

```
        else:
```

```
            high = pos - 1
```

```
    return -1
```


2.3 Код функции поиска

```
3 // функция интерполяционного поиска на массиве.
4 int interpolationSearch(AutoInsurance arr[], int n, int key)
5 {
6     int low = 0, high = n - 1;
7
8     while (low <= high && key >= arr[low].regNumber && key <= arr[high].regNumber)
9     {
10        if (low == high)
11        {
12            if (arr[low].regNumber == key)
13            {
14                return low;
15            }
16            return -1;
17        }
18
19        int pos = low + ((double)(key - arr[low].regNumber) / (arr[high].regNumber
- arr[low].regNumber)) * (high - low); // вычисление позиции.
20
21        if (arr[pos].regNumber == key)
22        {
23            return pos;
24        }
25        if (arr[pos].regNumber < key)
26        {
27            low = pos + 1;
28        }
29        else
30        {
31            high = pos - 1;
32        }
33    }
34
35    return -1;
36 }
```

2.4 Теоретическая сложность алгоритма

В худшем случае сложность алгоритма интерполяционного поиска составляет $O(n)$. Это происходит, когда искомый элемент находится в крайней позиции и массив содержит большое кол-во элементов.

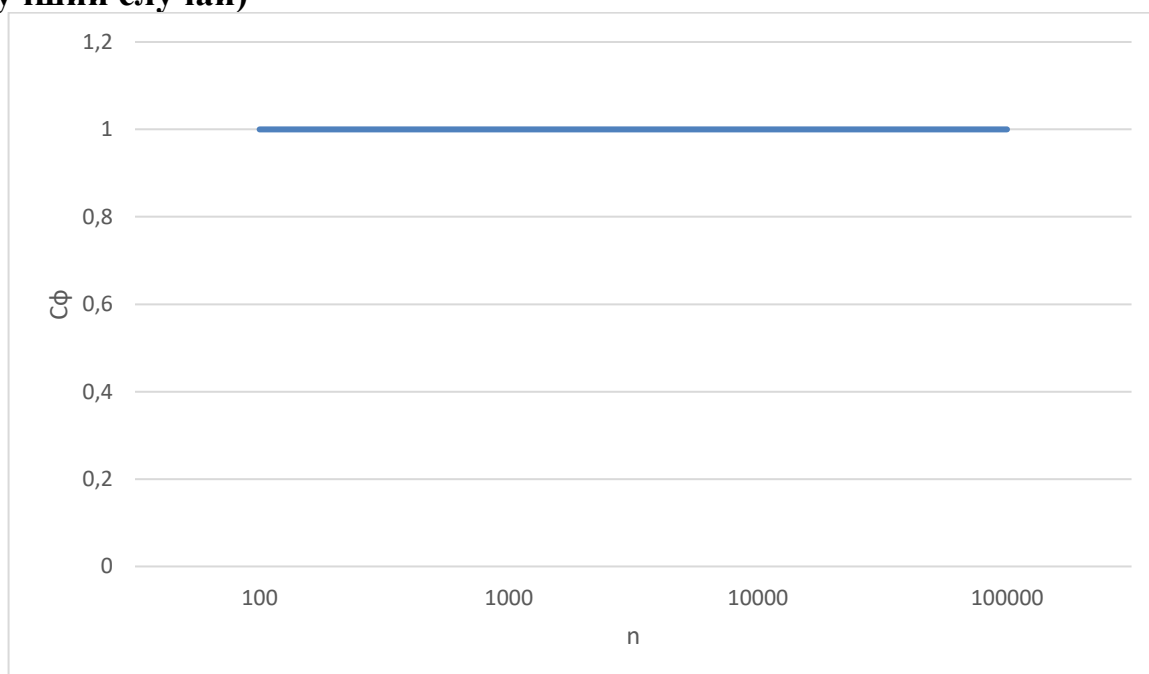
В лучшем случае, когда искомый элемент находится в середине отсортированного массива, сложность алгоритма является константой, т.е. $O(1)$.

В среднем случае, если элементы массива равномерно распределены и нет повторяющихся значений, тогда поиск сможет быстро находить нужный элемент, используя линейную интерполяцию. Сложность в таком случае будет $O(\log \log n)$. Если элементы распределены неравномерно, то сложность – $O(\log n)$.

2.5 Сводная таблица результатов для Интерполяционного (лучший случай)

n	T, микросекунд	Тэп = f(C+M) - функция	Сф - количество
100	0	O(1)	1
1000	0	O(1)	1
10000	1	O(1)	1
100000	3	O(1)	1

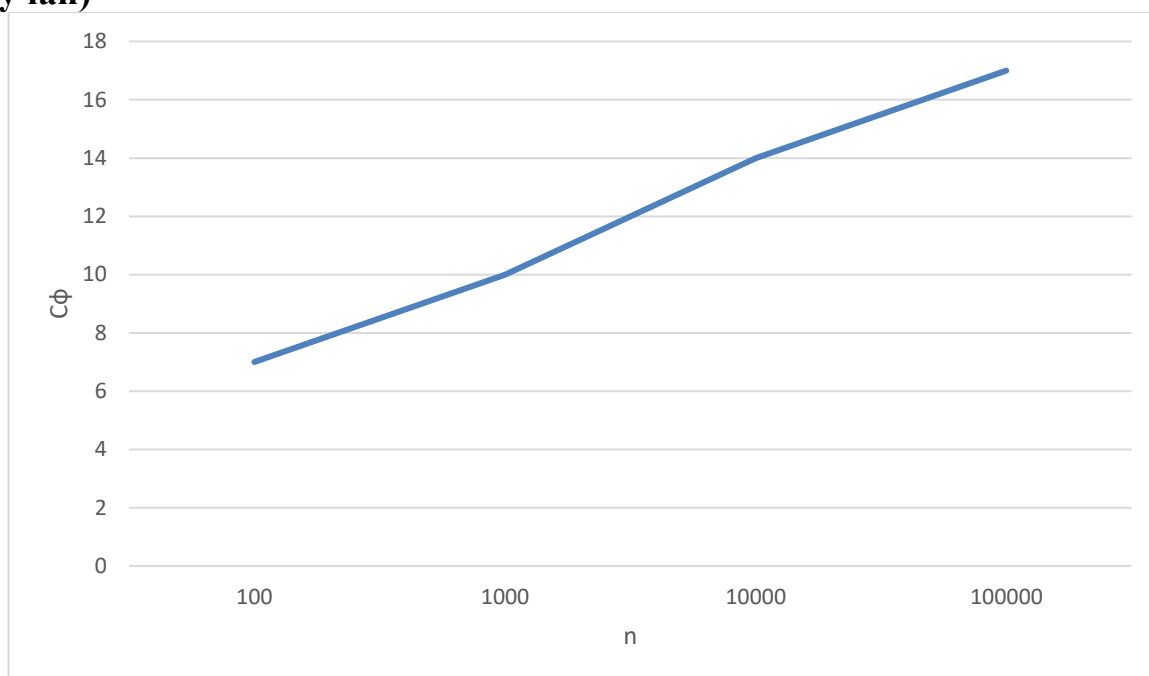
2.6 График зависимости Сф от n для Интерполяционного поиска (лучший случай)



2.7 Сводная таблица результатов для Интерполяционного поиска (средний случай)

n	T, микросекунд	Tэп = f(C+M) - функция, неравномерное распределение	Cф - количество
100	0	$O(\log n)$	7
1000	1	$O(\log n)$	10
10000	2	$O(\log n)$	14
100000	5	$O(\log n)$	17

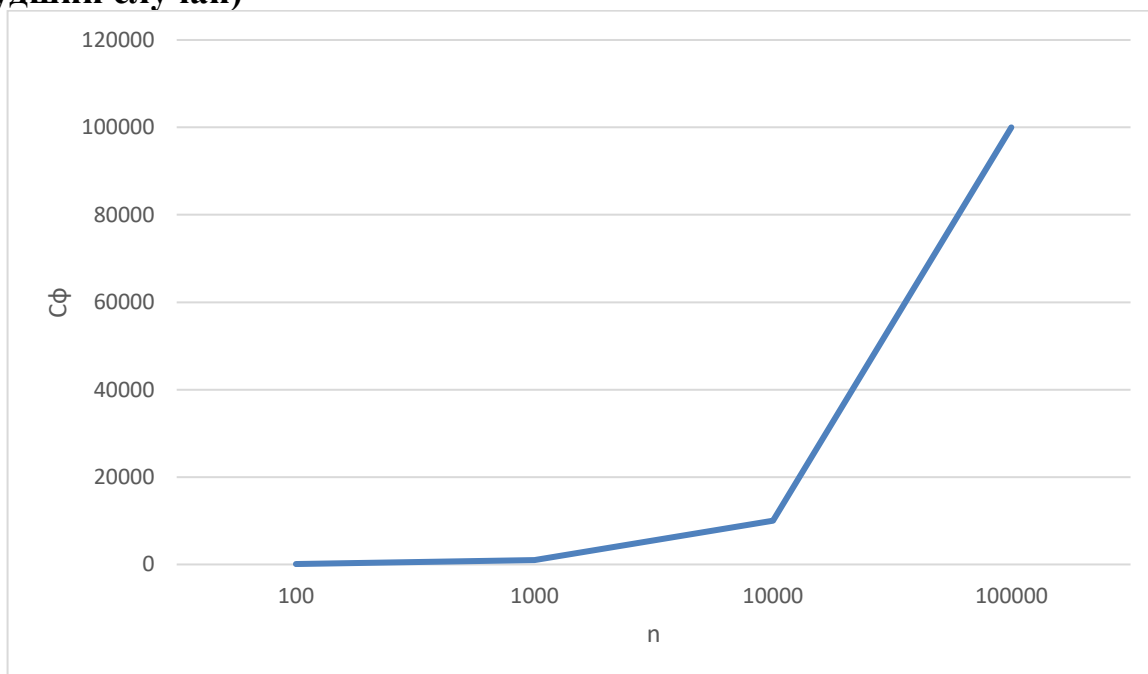
2.8 График зависимости Cф от n для Интерполяционного (средний случай)



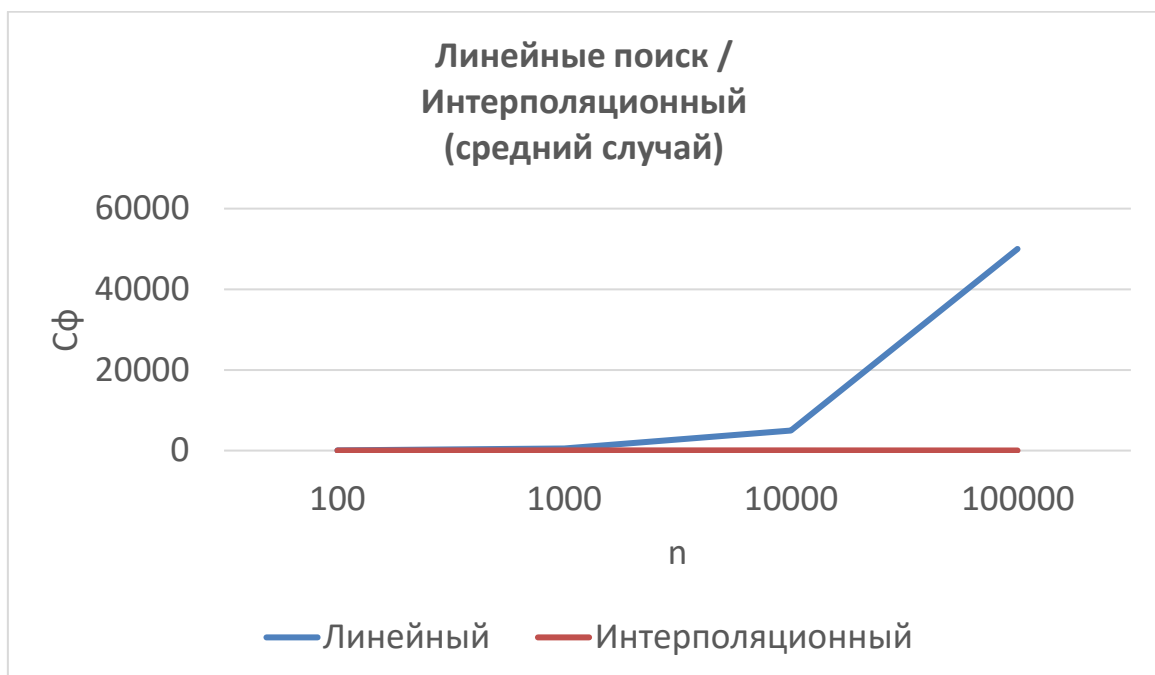
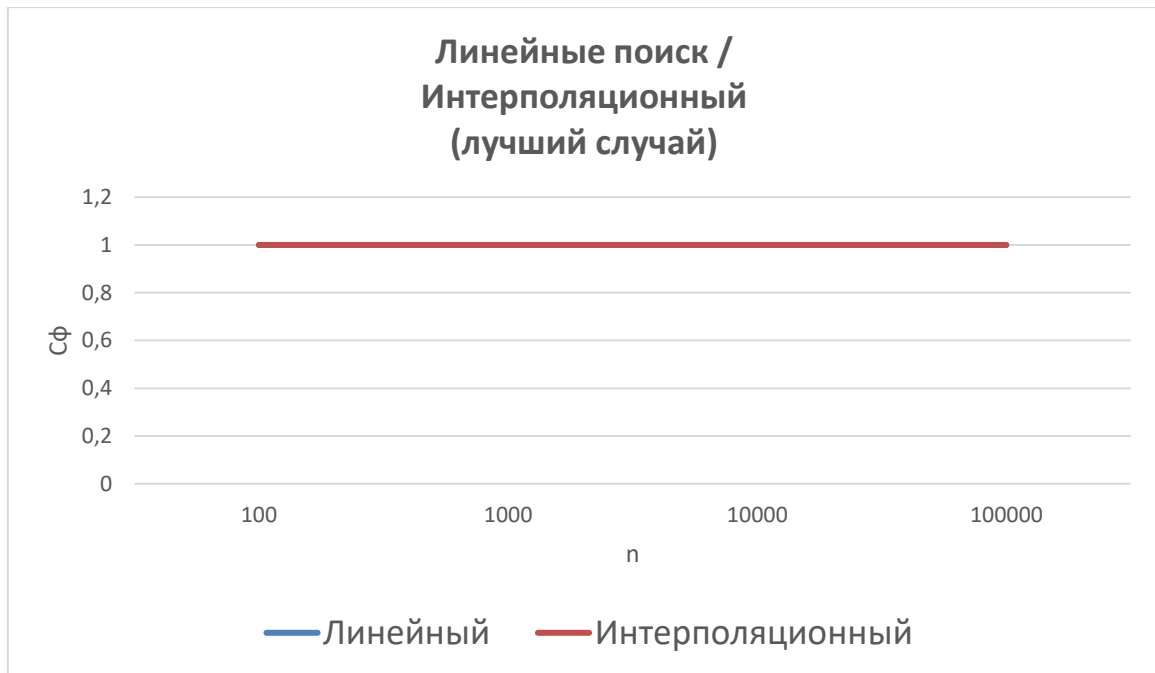
2.9 Сводная таблица результатов для Интерполяционного поиска (худший случай)

n	T, микросекунд	Тэп = f(C+M) - функция	Сф - количество
100	0	O(n)	100
1000	1	O(n)	1000
10000	1	O(n)	10000
100000	8	O(n)	100000

2.10 График зависимости Сф от n для Интерполяционного поиска (худший случай)



2.11 Сравнение алгоритмов Линейного и Интерполяционного поиска





2.12 Анализ полученных результатов

Лучшие случаи у двух поисков совпадают по сложности. По среднему случаю можно сделать выводы, что интерполяционный поиск работает быстрее и эффективнее линейного, но для интерполяционного поиска в худшем случае сложность зависит от распределения ключей в массиве. Если ключи не равномерно распределены и имеют множество повторяющихся значений (в данной реализации они ключи не повторяются, но они распределены неравномерно), то интерполяционный поиск может превратиться в линейный поиск по сложности алгоритма в худшем случае, поэтому их графики совпадают. В таком случае сложность будет $O(n)$, как и у линейного поиска в худшем случае. Однако, если ключи равномерно распределены, то сложность интерполяционного поиска в худшем случае будет $O(\log \log n)$, что лучше, чем $O(n)$ у линейного поиска в худшем случае.

3 ВЫВОДЫ

В ходе практической работы было осуществлено сравнение трех алгоритмов поиска элемента в массиве: линейный поиск, линейный поиск с барьером и интерполяционный поиск.

Таким образом, для выбора наиболее эффективного алгоритма для решения конкретной задачи, необходимо учитывать размер и способ сортировки массива. Если массив не очень большой, то можно использовать линейный поиск или его модификацию с барьером. Если в массиве нет повторяющихся элементов, и они равномерно распределены, то лучше использовать интерполяционный поиск.

4 СПИСОК ИНФОРМАЦИОННЫХ ИСТОЧНИКОВ

1. Материалы по дисциплине (Сорокин А.В.).
2. Скворцова Л.А., Гусев К.В., Трушин С.М., Филатов А.С. Учебно-методическое пособие СИАОД.